

Кинематика движения по окружности.

1A. Найти линейную скорость Земли  $V$  при ее орбитальном движении. Средний радиус земной орбиты  $R = 1,5 \cdot 10^8$  км.

2B. Пропеллер самолета радиусом 1,5 м вращается при посадке с частотой 2000 об/мин, посадочная скорость самолета относительно Земли равна 162 км/ч. Определить скорость точки на конце пропеллера. Какова траектория движения этой точки?

3B. Автомобиль движется со скоростью  $V = 60$  км/ч. С какой частотой  $\nu$  вращаются его колеса, если они катятся по шоссе без скольжения, а внешний диаметр покрышек колес равен  $d = 60$  см? Найти центростремительное ускорение  $a_c$  внешнего слоя резины на покрышках его колес.

4B. Цилиндрический каток радиусом  $R$  помещен между двумя параллельными рейками. Рейки движутся в одну сторону со скоростями  $V_1$  и  $V_2$  (см. рисунок). Определить угловую скорость вращения катка и скорость его центра, если проскальзывание отсутствует. Решить задачу для случая, когда скорости направлены в разные стороны.

5A. Два шарика с массами  $M = 9g$  и  $m = 3g$  прикреплены нитями АО и ОВ, общая длина которых  $\ell = 1$  м, к вертикальной оси О и приводятся во вращательное движение в горизонтальной плоскости с постоянной угловой скоростью  $\omega$  (см. рисунок). Определить, при каком соотношении длин нитей натяжение их будет одинаковым. Весом нитей пренебречь.

6B. Две точечные массы  $m_1$  и  $m_2$  прикреплены к нити и находятся на абсолютно гладком столе. Расстояние от них до закрепленного конца нити  $\ell_1$  и  $\ell_2$  соответственно (см. рисунок). Система вращается в горизонтальной плоскости вокруг оси, проходящей через закрепленный конец, с угловой скоростью  $\omega$ . Найти силы натяжения участков нити  $T_1$  и  $T_2$ .

7B. Тяжелый шарик подвешен на нити длиной  $\ell$ . Шарик равномерно вращается по кругу в горизонтальной плоскости (см. рисунок). Нить при этом отклонена угол  $\alpha$  от вертикали. Найти время полного оборота шарика.

8A. Человек сидит на краю круглой горизонтальной платформы радиусом  $R = 4$  м. С какой частотой  $\nu$  должна вращаться платформа вокруг вертикальной оси, чтобы человек не мог удержаться на ней при коэффициенте трения  $\mu = 0,27$ ?

9B. С какой максимальной скоростью  $V$  может ехать по горизонтальной плоскости мотоциклист, описывая дугу радиусом  $R = 90$  м, если коэффициент трения скольжения  $\mu = 0,4$ ? На какой угол  $\varphi$  от вертикали он должен при этом отклониться?

10B. Чему будет равна максимальная скорость мотоциклиста, если он едет по наклонному треку с углом наклона  $\alpha = 30^\circ$  при радиусе закругления 90 м и коэффициенте трения  $\mu = 0,4$ ? Каким должен быть угол наклона трека  $\alpha_0$  для того, чтобы скорость мотоциклиста могла быть сколь угодно большой?

11A. Маятник отклоняют в горизонтальное положение и отпускают. При каком угле  $\theta$  с вертикалью сила натяжения нити будет равна по модулю действующей на маятник силе тяжести?

12B. Один грузик подвешен на нерастяжимой нити длиной  $\ell$ , а другой - на жестком невесомом стержне такой же длины. Какие минимальные скорости нужно сообщить этим грузикам, чтобы они вращались в вертикальной плоскости?

13B. Математическому маятнику с гибкой нерастяжимой нитью длиной  $\ell$  сообщают из положения равновесия горизонтальную скорость  $V_0$ . Определить максимальную высоту его подъема  $h$  при движении по окружности, если  $V_0^2 = 3g\ell$ . По какой траектории будет двигаться шарик после того, как он достиг максимальной высоты подъема  $h$  на окружности? Определить максимальную высоту  $H$ , достигаемую при этом движении маятника.

14A. На нити, могущей выдерживать напряжение 39,2 Н, мальчик равномерно вращает камень массой 1 кг в вертикальной плоскости (см. рисунок). Ось вращения отстоит от земли на расстояние  $h = 4$  м, радиус окружности, описываемой камнем,  $\ell = 1$  м. С какой минимальной угловой скоростью необходимо мальчику вращать камень, чтобы нить оборвалась?

15B. Небольшое тело скользит с вершины сферы вниз. На какой высоте  $h$  от вершины тело оторвется от поверхности сферы радиусом  $R$ ? Трением пренебречь.

16B. Тяжелый шарик массы  $m$  соскальзывает без трения по наклонному желобу, образующему "мертвую петлю" радиуса  $R$  (см. рисунок). На какой высоте шарик оторвется от желоба и до какой наибольшей высоты после этого поднимется, если он начинал спускаться по желобу без начальной скорости с высоты  $h = 2R$ ? Размеры шарика считать ничтожно малыми.

-----  
17A. Автомобиль массой  $M = 3 \cdot 10^3$  кг движется с постоянной скоростью  $V = 36$  км/ч: а) по горизонтальному мосту; б) по выпуклому мосту; в) по вогнутому мосту. Радиус кривизны моста в последних двух случаях  $R = 60$  м. С какой силой давит автомобиль на мост (в последних двух случаях) в тот момент, когда линия, соединяющая центр кривизны с автомобилем, составляет угол  $\alpha = 10^\circ$  с вертикалью?

18B. Небольшое тело массой  $m$  соскальзывает вниз по наклонному скату, переходящему в "мертвую петлю" радиусом  $R$ . Трение ничтожно мало. Определить: а) какова должна быть наименьшая высота  $h$  ската, чтобы тело сделала полную петлю, не выпадая; б) какое давление  $N$  при этом производят тело на помост в точке, радиус вектор которой составляет угол  $\alpha$  с вертикалью.

19A. Сосуд, имеющий форму расширяющегося усеченного конуса с диаметром дна  $D = 20$  см и углом наклона стенок  $\alpha = 60^\circ$ , вращается вокруг вертикальной оси  $O_1O_2$ . При какой угловой скорости вращения сосуда  $\omega$  маленький шарик, лежащий на его дне, будет выброшен из сосуда? Трение не учитывать.

20B. Внутри конической поверхности, движущейся с ускорением  $a$ , вращается шарик по окружности радиусом  $R$ . Определить период  $T$  движения шарика по окружности. Угол при вершине конуса  $2\alpha$ .

21A. Определить радиус круговой орбиты искусственного спутника Земли, если он, вращаясь в плоскости земного экватора с запада на восток, кажется с Земли неподвижным. Радиус Земли принять равным 6400 км.

22B. Найти массу Солнца по постоянной тяготения  $f$ , периоду  $T$  обращения  $m_{\text{Земли}}$  вокруг Солнца и расстоянию от Земли до Солнца  $R = 1,5 \cdot 10^{11}$  км.

23B. При выводе спутника на круговую орбиту, проходящую вблизи поверхности Земли, была совершена работа  $A = 3,2 \cdot 10^{10}$  Дж. Найти массу спутника. Радиус Земли  $R$  принять равным 6400 км.